

iv) 温度の正体を知る！！

先ほどの結論の式

$$P = \frac{Nmv^2}{3L^3}$$

ここで、 L^3 は容器の体積なので、 L^3 を体積 V に置き換えると、

$$P = \frac{Nmv^2}{3V} \longrightarrow PV = \frac{Nmv^2}{3}$$

状態方程式 $PV = nRT$ より

$$nRT = \frac{Nmv^2}{3}$$

$$T = \frac{Nmv^2}{3nR} \dots\dots(*)$$

また、容器内の分子の数 N とモル数 n の関係「 $N = n \times$ アボガドロ数 N_A 」より

$$\frac{N}{n} = N_A \quad (6 \times 10^{23} \text{ という定数})$$

(*) の式を運動エネルギーが関係していることが分かるように書き換えると、

$$T = \frac{2N_A}{3R} \cdot \frac{1}{2}mv^2$$

つまり、 $T = \text{定数} \times \frac{1}{2}mv^2$



「温度は、分子の運動エネルギーのこと」

(正確には分子 1 個の平均運動エネルギー)

<結論>

絶対温度とは、分子の運動エネルギーである!!

| | |
|-------|--------|
| 分子の運動 | 人間の感じ方 |
| 激しい | 熱い |
| ゆっくり | 冷たい |

[問10] 上の話をふまえたうえで、モノの温度はどこまでも上げることはできるか。逆に、どこまでも下げることはできるか答えよ。また、その理由も考えよ。

【運動エネルギーを絶対温度を使って表すための係数】

左で求めた式 $T = \frac{2N_A}{3R} \cdot \frac{1}{2}mv^2$ を書き換えると

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{3R}{2N_A} \cdot T$$

ここで、 $\frac{R}{N_A}$ は $8.3 \div (6 \times 10^{23}) = 1.38 \times 10^{-23}$ という定数なので、これを k と書き換える。

この k をボルツマン定数と呼ぶ。

$$\text{ボルツマン定数} : k = \frac{R}{N_A} = 1.38 \times 10^{-23} \text{ [J/K]}$$

よって、

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{3}{2}kT$$



「分子 1 個の (平均) 運動エネルギーは、絶対温度を使って表せる!!」

【熱エネルギーと呼んでいたものの正体】

温度としてしか感知できないような分子の運動エネルギー

⇒ 「内部エネルギー」と呼ぶ!!

つまり、熱エネルギーの正体は、分子 1 個 1 個の運動エネルギーの総計のこと。

【気体のもつ内部エネルギーがどう書けるか】 単原子分子理想気体の内部エネルギー

「理想気体」 …… 気体に次のような特徴があるとき理想気体という。

- (1) 気体を構成する分子の大きさが無視できる
- (2) 気体を構成する分子間に働く力が無視できる

☆ (単原子) 分子 1 個が持っている (平均の) 内部エネルギー u は

$$u = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{3}{2}kT$$

☆ 単原子分子理想気体 1 モルが持っている内部エネルギー U' を求める。

⇒ u に 1 モル ($N_A = 6 \times 10^{23}$) を掛ければよい。また、 $k = \frac{R}{N_A}$ なので

$$U' = N_A \times \frac{3}{2}kT = \frac{3}{2}RT$$